流動解析による締固めを行うコンクリートの充塡性評価

浦野	真次	根本	浩史	髙橋	圭一	幸田	圭司
(技行	析研究所)	(土木	技術本部)	(技行	術研究所)	(土木打	支術本部)

Evaluation of Filling-ability of Fresh Concrete with Vibration by Flow Simulation

Shinji Urano, Hiroshi Nemoto, Keiichi Takahashi and Keiji Yukita

本研究は、粒子法の1つである MPS 法を適用し、通常のスランプのコンクリートの流動解析手法としての MPS 法の 有効性ついて検討を行った。スランプのコンクリートの構成則を bi-viscosity モデルとし、バイブレータ周辺の加速度分 布に依存して、加振されていない場合と比較して、見掛け上降伏値と塑性粘度が低下する流動モデルを適用することに より加振時の流動挙動を解析できるようにモデル化した。バイブレータによる振動を付与した時間での、型枠内での流 動挙動やバイブレータ停止後のコンクリートの充填の状況を観察する手法として有効であることを示した。

In this paper, MPS method was applied to fluid analysis of fresh concrete with vibration. MPS method is one of the particle method, and it is suitable for the simulation of moving boundary or free surface problems and large deformation problems. The constitutive equation of fresh concrete is assumed as Bingham model. In order to set fluidity change of fresh concrete based on the decrement of the acceleration, the Bingham model is supposed to be the yield stress and the plastic viscosity of fresh concrete that decreased most in the neighborhood of the vibrator. To evaluate verification of compactability of fresh concrete, numerical analysis examples of compaction at the part of haunch section of wall were performed. As a result, it was found that the MPS method was suitable for the

simulation of compaction of fresh concrete with vibration.

1. はじめに

近年、耐震設計手法の変更、部材の薄肉化等に より、コンクリート構造物の断面形状や内部の鉄 筋等の鋼材配置は、より複雑になってきている。 そのような配筋条件や構造条件の部材へのコンク リートの施工において、コンクリートの性状、打 込み・締固め方法が適切に選択されていない場合、 未充填や豆板といった初期欠陥の原因になると考 えられている 1)。一般には、複雑な断面形状や高 密度の配筋になるほど、適切な材料分離抵抗性を 有していることを前提として、コンクリートの流 動性を高めて施工することにより、未充填等のリ スクを低減している。しかし、スランプで管理す るコンクリートの施工の場合、打込み・締固め方 法が適切でない場合には、未充填の発生の危険性 が高くなる。そのため、初期欠陥を未然に防ぐた めには、施工性の検討においてコンクリートの流 動性の設定だけではなく、打込み・締固め方法に 関する施工計画立案が非常に重要となる。最も確 実な施工性の評価方法は、実大規模の施工実験で あるが、費用と期間を要するため、多くの実験ケ ースを行うことができない。

コンクリートの流動解析手法を用いた施工性の 評価技術を確立することができれば、コンクリー トのスランプや打込み位置、バイブレータの挿入 箇所や振動時間等を入力値として多くのパラメー タスタディーを行うことができ、事前の施工性の 予測が可能となる。さらに、設計段階から流動解 析を導入すれば設計時の3D-CADなどと連携して 検討することにより、合理的なスランプの設定だ けではなく、バイブレータの位置や振動時間の設 定などが可能となるものと考えられる。実際に実 大施工実験を行うとしても、確認の実験だけ行え ばよく、その大幅な省略が可能となる。

著者らは、これまで高流動コンクリートを対象 として、型枠内での充填挙動における流動勾配や 未充填個所の検討を目的として、流動解析手法の 粒子法の1つである MPS 法を適用して、その有 効性について検討を行っている^{2),3)}。高流動コン クリートの流動解析では、自重で流動する高流動 コンクリートを連続体であるビンガム流体と仮定 し、実大規模の型枠や充塡個所の流動挙動を解析 して、流動勾配や未充塡個所を評価することが可 能であると考えられる。また、コンクリートのス ランプの状況の解析についても検討を行い、流動 限界ひずみ速度による不動状態の判定を行うこと で流動が停止し、任意のスランプあるいはスラン プフローを表現することができた²⁾。

すなわち、一般的なスランプの範囲のコンクリ ートを対象として、流動解析上で不動状態の判定 を行うことにより、型枠内へ打ち込むことのみに 関しては、高流動コンクリートと同様の解析が可 能と考えられる。しかし、型枠内に打ち込まれた コンクリートにバイブレータを挿入し、コンクリ ートが流動して型枠の隅々に充填される状況の検 討は行っていない。既往の研究においても、これ まで型枠内に打ち込まれたコンクリートの振動締 固めや振動伝播に関する研究はなされているもの の 4)-6)、バイブレータの振動によりコンクリート が型枠の隅々に流動して充塡する状況を対象とし た検討はなされていないのが現状である。そこで、 本研究では、一般的なスランプの範囲のコンクリ ートの充塡性の評価手法としての MPS 法の有効 性について検討を行った。なお、本研究では、コ ンクリートが型枠の隅々に大きな空隙を残すこと なく流動し行き渡る状況を「充填」と定義してお り、次の段階である余分な気泡を除去して密実な 状態にするための締固め作業、すなわち締固め性 の解析については、本研究の対象外とした。

2. コンクリートの構成則

スランプのコンクリートについて、流動解析を用 いた施工性の評価には大別して2つの方向性がある と考えられる。1つは実大規模の型枠や充塡個所の 流動挙動を予測し未充塡個所を検討する方向であり、 もう1つは局所的な領域におけるコンクリートの流 動と振動付与時の骨材、水および気泡などの材料分 離を予測する方向である。前者は、マクロな挙動の 追跡が目的であるため、必ずしもコンクリートの材 料を正確にモデル化する必要はなく、骨材の運動な どを考慮しなくとも、コンクリートを連続体と仮定 して評価可能と考えられる。一方、後者ではコンク リートの材料を可能な限り正確にモデル化し、非連 続体と仮定して微視的な挙動を検討する必要がある。



それぞれの評価の目的や求められる解析の精度など に応じて、適した解析手法を選択する必要がある⁷。

本報では、打込み・締固め方法に関する施工計画 立案に適用するための充填シミュレーション技術を 構築するため、コンクリートを連続体モデルとして 取り扱い、ビンガム流体と仮定することとした。既 往の文献 ²⁾と同様に、ビンガム流体として仮定した 場合、せん断応力が降伏値未満では不動状態とみな され、ひずみ速度が零の状態となるため応力が不定 となり解析が不可能となる。そのため、本解析手法 においても、図-1 に示すようにせん断応力が降伏 値近傍の応力に達するまでは、高粘性流体として扱 う bi-viscosity モデルとした。構成式は次の二つの式 で示される。

$$\tau_{ij} = -P\delta_{ij} + 2\left(\eta + \frac{\tau_y}{\sqrt{\Pi}}\right)\dot{\varepsilon}_{ij}^{\nu p} \qquad \Pi \ge \Pi_c \tag{1}$$

$$\tau_{ij} = -P\delta_{ij} + 2\left(\eta + \frac{\tau_y}{\sqrt{\Pi_c}}\right)\dot{\varepsilon}_{ij}^{\nu} \qquad \Pi < \Pi_c$$
⁽²⁾

ここで、Pは圧力、 η は塑性粘度、 τ_y は降伏値、 $\dot{\epsilon}_{ij}$ ^wは流動時のひずみ速度、 $\dot{\epsilon}_{ij}$ ^vは不動時のひずみ速 度、 δ_{ij} はクロネッカーのデルタ、 $\Pi = 2\dot{\epsilon}_{ij}\dot{\epsilon}_{ij}$ である。 Π_c は流動状態と不動状態の降伏基準値であり、流動 限界ひずみ速度 π_c を用いて次式であらわされる。

$$\Pi_c = (2\pi_c)^2 \tag{3}$$

この流動限界ひずみ速度 π。をより低く設定する ことにより、構成則上はビンガムモデルに近づくこ ととなる。しかしながら、π。を小さくした場合、実 際のコンクリートに対し解析上の流動停止時間が長 くなったり、安定条件を満たす解析時間間隔が短く なるため計算時間が長くなるなどの点が指摘されて いる ⁷。著者らは既に、スランプフローの流動解析 結果より、流動限界ひずみ速度π。を 0.1/s 程度とす ることにより、流動解析上の流動停止の判定条件と することができることを示している²⁾。

3. 振動付与時の流動挙動のモデル化

3.1 バイブレータによる加速度の分布

コンクリートが周辺のコンクリートや型枠によっ て拘束を受けてない状況では、バイブレータによっ て振動を与えると、加速度が伝播し、液状化して流 動する。バイブレータから離れ、振動の影響が小さ くなり、コンクリートに作用する力が降伏値以下に なると、流動が停止する。そこで、コンクリートの バイブレータによる振動付与時の流動モデルを設定 する場合、バイブレータの影響範囲を検討すること が必要である。既往の研究におけるバイブレータに よる加速度の測定例について、振動開始後5~60秒 における応答加速度の測定結果を図-2 に示す。図 の加速度分布に示すように、振動機からの距離が 0cmのバイブレータの中心から離れるほど、加速度 は減衰している。これは、コンクリートの抵抗によ る負荷減衰、振動棒付近の乱れの領域における境界 減衰および振動中心からの距離による距離減衰が生 じているとされている。バイブレータのごく近傍で は、バイブレータの振動によってセメントペースト の集まりやキャビテーションが生じて振動を著しく 減衰させる乱れの領域が発生し、この領域における 振動の減衰を理論的に明らかにするのは困難とされ ている。一方、乱れの領域以外でのコンクリート中 の加速度について、バイブレータのような円筒体の 幾何学減衰が考慮され、その減衰が式(4)のように示 されている(図-3参照)8)。

$$\alpha_{x} = \alpha_{0} \cdot (1/x)^{n} \cdot \exp(-\beta x) \tag{4}$$

ここで、 α_x はバイブレータから距離 x(m)の位置 における加速度(m/s²)、 α_0 は負荷減衰および境界減 衰を考慮した中心地点の仮想の加速度(m/s²)、n は 幾何学減衰係数(加速度伝播を一次元の平面波とす る場合 n =0)、 β は材料減衰係数である。既往の研 究において、 β はスランプ 6cm で 4.0/m、スランプ 11cm で 1.0/m などの値が示されている ⁴。

本研究においても、バイブレータによる加速度の 減衰は式(4)に従うと考えた。ただし、一定距離以上 バイブレータから離れた場合、振動の伝播があった としても液状化などは生じにくくなると考え、式(4)



図-2 コンクリート中の加速度の減衰の測定例8)

バイブレータ中心位置



図-3 コンクリート中の加速度の減衰4)

の適用範囲は、影響半径としてバイブレータの直径 の 10 倍の距離までとした。村田は、バイブレータ の加速度分布に関する理論的考察に基づき、スラン プ 8cm のコンクリートをφ50mm のバイブレータ で締め固める場合、コンクリート中の骨材粒子が相 対変位を生じることのできる限界の加速度は約 15 m/s²であり、無筋の場合その範囲は 67cm と試算し ている ⁴⁾。すなわち、 φ 50mm のバイブレータであ れば 67cm の範囲までは液状化が生じていると考え られる。加速度の限界の範囲は、バイブレータを挿 入した位置周辺の鉄筋の配置状況等によっても変化 すると考えられる。しかしながら、式(4)の加速度の 減衰の影響範囲を鉄筋の挿入状況に応じて正確に算 出することは困難である。また、既往の研究におい て、鉄筋を配置したコンクリート内での加速度の実 測データからバイブレータの径の 10 倍までの距離 では概ね15 m/s²以上の加速度が測定されている。 これらのことから、本研究では単純化のため、コン クリートが液状化して流動するために必要な加速度 の影響範囲は、バイブレータの直径の 10 倍以内の 範囲とし、10 倍の距離を超えた場合は、コンクリー トが液状化して流動するために必要な加速度以下と なるものとした。加速度の減衰の正確な影響範囲に 関する検討は今後の課題である。



3.2 バイブレータによる振動の影響範囲

コンクリートにバイブレータによって振動を与 え、液状化して流動する場合、コンクリートは密度 の異なる多相材料で構成されるため、骨材、セメン ト、水および空隙が相対移動も生じながらコンクリ ート全体として流動することとなる。しかし、コン クリートをビンガム流体で仮定した場合、そのよう な液状化や各材料の相対的な移動は生じない。した がって、ビンガム流体に対して任意の周波数と振幅 の振動を付与する状況で解析を行っても、実現象に 近い流動挙動の解析結果は得られないと考えられる。

そこで、本研究では、バイブレータの加振時のコ ンクリートの流動状況を連続体であるビンガム流体 で再現することを目的として、以下のような仮定を 行った。

まず、図-4に示すように、バイブレータの加振時 には、加振されていない場合と比較して、見掛け上 降伏値と塑性粘度がともに低下するものとした。こ の仮定が影響する範囲として、バイブレータの影響 範囲の中心点より同心円状に影響するものとし、こ の影響範囲外では加速度が生じていたとしても降伏 値と塑性粘度には影響を受けないモデルとした(図-5 参照)。影響範囲の中心点は、図-5に示すように 内部振動機の場合バイブレータの先端から下方へは 流動性が高くなる範囲が到達しにくいものと考え、



図-6 加振スランプフロー試験における加速度と 50cmフロー速度の関係(スランプ8cm前後)



図-7 加振スランプフロー試験における加速度と 50cmフロー速度の関係(スランプ18cm前後)

解析において流動性の最も高くなる中心点を設定す るため、コンクリートに挿入するバイブレータ先端 から 100mm の位置とした。影響範囲の半径は既に 加速度の分布で述べたように振動棒部の直径の 10 倍の距離までとした。なお、バイブレータによって 生じる実際の加速度最大となる点は、バイブレータ の機構やコンクリートへの挿入深さなどにも影響を 受けて変化するため、本研究における仮想の中心点 である。

3.3 振動付与時の挙動のモデル化

振動付与時のコンクリートの挙動に関しては、統 ーされた理論やモデルは提案されていない。既往の 研究において、レオロジー試験によって振動下での コンクリートのレオロジー定数を測定する場合、降 伏値に関しては、振動のない場合と比較してコンク リートが液状化して流動性が増大することから、降 伏値が減少する結果が得られている⁹⁰。一方、塑性 粘度に関しては、振動付与によって粘性が減少する 場合と増加する場合があり、試験方法などにより結 果が異なる^{90,100}。

このため、本研究ではレオロジー試験ではなく、 実際のコンクリートの振動付与時の挙動から塑性粘 度について検討した。スランプ試験と同時にコンク リートを加振する加振スランプフロー試験方法によ り、50cm フロー速度を測定した¹¹⁾。この試験は、 コンクリートのスランプ試験においてスランプコー ンを引き上げると同時に、ダンパーによって加速度 の大きさを自由に制御することができる加振テーブ ル上でコンクリートに任意の加速度の振動を与え、 50cm フロー到達時間を計測するものである。試験 方法の詳細については、既報¹¹⁾を参照されたい。

図-6 および図-7 に実測の各スランプのコンク リートの加速度と 50cm フロー速度の関係を示す。 図に示すように、いずれのスランプのコンクリート においても、加速度が増大するほど 50cm フロー速 度が増大する結果が得られている。任意のスランプ のコンクリートが振動によってフローする状態とな ることは、見掛け上降伏値が低下している状態であ り、加速度が増大するほど 50cm フロー速度が増大 していることは、見掛け上塑性粘度が低下している 状態であると考えられる。また、これまで提案され ている塑性粘度と 50cm フロー速度の関係は、コン クリートの密度を 2300(kg/m³)としたとき理論的に 式(5)^{12),20)}のようになることから、50cm フロー速度 が増大するほど、塑性粘度は増大せず、低下するこ ととなる。

$$\eta = 1880(1 - 4*10^4 / Sf^2) \cdot (1 - 25*10^4 / Sf^2) / V_{50}$$
 (5)

ここで、 η は塑性粘度(Pa・s)、Sf はスランプフ ロー(mm)、 V_{50} は 50cm フロー速度(mm/s)である。

以上のことから、バイブレータの加振時には、加振されていない場合と比較して、見掛け上降伏値と 塑性粘度が低下するものとし、加速度の大きいバイ ブレータ近傍の位置ほど降伏値と塑性粘度が低下し、 距離が離れるほどバイブレータを加振していない状態に近づくものと仮定した。すなわち、コンクリー トをビンガム流体としたときの物性は、図-5 に示 す影響範囲内で一定ではなく、バイブレータからの 距離に応じて変化する。降伏値は、振動を付与して いないスランプの値から、式(6)でにより算定する。

$$\tau_{y} = \frac{\alpha \rho G(H - Sl.)}{100\sqrt{3}} \tag{6}$$

ここで、αはスランプの形状パラメータで 7/12、 ρは試料の密度(kg/m³)、G は重力加速度(m/s²)、H は初期の試料高さ 0.3(m)、Sl.はスランプ(m)である。 これをバイブレータの直径の 10 倍の距離の地点で の降伏値とする。バイブレータの直径の 10 倍を超 えた位置では、この一定値を保つものとする。逆に、 バイブレータに近づくにつれて式(4)の加速度の変 化に影響されることから、式(7)のように降伏値が低 下するものと仮定した。

$$\tau_x = \tau_v \cdot (1/(10\phi - x))^n \cdot \exp(-\beta(10\phi - x)) \tag{7}$$

ここで、 τ_x は距離 x(m)の位置における降伏値 (Pa)、 ϕ はバイブレータの直径 $\phi(m)$ である。ただし n=0、10 ϕ >x \geq 0 とし、x=10 ϕ のとき、 τ_x = τ_y と した。

一方、塑性粘度は、基準となる振動が無い場合の 塑性粘度をレオロジー試験等によっても測定するこ とが困難である¹³⁾。しかし、前述の加振スランプフ ロー試験方法により、図-6 および図-7 で示したよ うに加振している状態であれば 50cm フロー速度を 測定することができ、その値から式(5)によってある 加速度での加振時の見掛けの塑性粘度を算出するこ とができる。本研究では、加速度が増加しても、定 性的には塑性粘度がある一定以上小さくならないこ とが既往の研究において報告されていることをふま え¹³⁾、加速度の増大に伴い 50cm フロー速度が対数 関数的に増大するものとした。図-6 および図-7 から、それぞれ目標スランプが 8cm および 18cm の 場合の任意の 50cm フロー速度を下式の実験式に よって求めた。

$$V_{50} = a \cdot \log(\alpha_x) + b \tag{8}$$

ここで、a、b は実験定数であり、スランプ 8cm のとき a: 59.8、b: -73.6、18cm のとき a: 67.2、b: -77.3 であった。式(8)より求めた 50cm フロー速度 を式(5)に代入することにより、見掛けの塑性粘度を 算出することができる。

上記の仮定および算定式から、図-8および図-9 にスランプ 8cm(単位水量 160 kg/m³、水セメント比 55%)およびスランプ 18cm(単位水量 175 kg/m³、水

セメント比 55%)のコンクリートの加速度分布と降 伏値および塑性粘度の算定結果の例をそれぞれ示す。 バイブレータは o 40mm のものを想定しているた め、その 10 倍である影響範囲の半径の 40cm 地点 まで算出している。また、式(4)の加速度分布につい て、α0を決定するため、筆者らが事前の実験で測 定した無負荷時のバイブレータの加速度 1000m/s²、 負荷減衰および境界減衰は既往の研究から 0.8 およ び 0.5 として ⁴)、 $\alpha_0 = 1000 \times 0.8 \times 0.5$ から $\alpha_0 = 400$ m/s^2 とした。また、材料減衰係数である β は既往の 研究 8)においてスランプ 6cm で 4.0/m、スランプ 11 cm で 1.0/m などの値が示されている。これらの数 値を参考値とするとともに、材料減衰係数は0(減衰 しない)とはならないと考えられることから、一般的 なスランプの範囲のコンクリートはスランプが大き くなるほど材料減衰係数が指数関数的に小さくなる ものとし、任意のスランプにおいて材料減衰係数が 求められるように暫定的に式(9)で近似した。

$$\beta = 113.7 \cdot (Sl.)^{-1.91} \tag{9}$$

図-8 および図-9 に示すように、上記の仮定お よび算定式からバイブレータの直径の 10 倍までの 距離では加速度は 0(m/s²)とならない。この地点にお いて算定された塑性粘度を加振されていない見掛け 上の塑性粘度とし、バイブレータの直径の 10 倍を 超えた位置では、この一定値を保つものとした。

スランプの大きさにかかわらず、任意のコンクリ ートに対して、加速度の分布に応じて図-8 および **図-9** に示すような降伏値および塑性粘度の分布と することにより、バイブレータ近傍では降伏値およ び塑性粘度ともに小さくなり流動性の高い性状とな る。一方、バイブレータから距離が離れるほど、降 伏値および塑性粘度ともに大きくなり、流動性が低 下し振動を与えていない状態のコンクリートの性状 になると考えられる。図-8 に示すように、降伏値 はスランプが変化してもバイブレータ近傍では大き く相違せず、バイブレータから離れるほどスランプ 8cm のコンクリートの降伏値が大きくなった。塑性 粘度は、バイブレータのごく近傍では相違ないもの の、10cm以上離れると相違している。この相違は、 振動がない場合のスランプから求めた降伏値を用い て降伏値の分布を算定しているのに対して、塑性粘 度は加振スランプフロー試験方法により測定した 50cm フロー速度の結果に基づいて塑性粘度の分布 を求めているために生じていると考えられる。



以上のような振動付与時のコンクリートの挙動 に関する仮定および算定式に基づいて決定したビン ガム定数を流動解析の入力値とした。

4. MPS 法の概略

4.1 適用した MPS 法の概略

本解析で適用した MPS (Moving Particle Semiimplicit)法¹⁵⁾における離散化の方法については、既 往の研究における入部ら^{16),17)}、富山ら^{18),19)}の解析 方法と同様とした。なお、構成則において非線形性 を有することから、富山らは計算精度の向上を図る ため非線形性に対する収斂計算を行っているが¹⁹⁾、 本解析では計算の時間ステップを考慮することによ り計算精度を確保することとした。MPS 法の詳細に ついては、既報^{2),15)}を参照。 一般的に、粒子法では壁や鉄筋を粒子として表し て計算するが、本手法では壁および鉄筋を粒子で表 現せず、表面メッシュを用いた。粒子と影響半径内 にある壁および鉄筋との相互作用を計算するが、壁 や鉄筋に粒子を用いないため、応力等の計算上粒子 解像度を高くすることなく境界を正確に表すことが でき、粒子を用いて同数の流体粒子を用いた計算を した場合と比較すると大幅に粒子数を削減すること ができる。なお、壁および鉄筋の境界面はノンスリ ップ条件とした。

4.2 粒子間距離の設定

本解析では、コンクリートをビンガム流体と仮定 し均質な連続体モデルとして取り扱っている。この ため、当然のことながら流動挙動を解析するうえで 粗骨材等のコンクリートの個々の材料の挙動は考慮 しておらず、均質なビンガム流体を粒子化して挙動 を検討している。このとき、計算領域全体に対して 粒子間距離を小さくするほど粒子数は多くなり、詳 細な流動状況の表現が可能となる。本研究では、解 析対象すべてのケースにおいてビンガム流体のマク ロな挙動を表現することを考慮して、それぞれの解 析ケースでの予備解析の結果から、粒子間距離を 10mm とした。流動状況を解析結果の図として表示 する場合、粒子間距離を10mmとすると1つの粒子 は直径10mmの粒子として表現される。この1つ1 つの粒子が均質なビンガム流体の流動を表現してお り、コンクリート中の骨材の動きを表現するもので はない。

4.3 MPS 法におけるバイブレータによる振動付与 時の粒子の設定

MPS 法においてコンクリートとして粒子を配置 し、コンクリートに振動を付与する状況を図-10 に 示すようにモデル化した。この影響範囲に関するモ デルは、図-5 に示した影響範囲と同一である。モ デルでは、解析においてコンクリートに相当する粒 子を任意の位置に配置するとともに、バイブレータ 位置(棒状ではなく、加振点を想定した 1 つの座標) を設定する。その点を中心として、図-5 に示した 影響範囲の中の粒子は、その座標位置にもとづいて 加振点との位置関係により粒子1つ1つに距離に応 じたビンガム定数が与えられる。影響範囲を外れた 粒子は、振動を与えられていないコンクリートのビ ンガム定数となり、一定値となる。影響範囲は、既 に述べたように想定するバイブレータの直径の 10 倍の距離までとした。



図-10 振動付与時の粒子への影響範囲の概念図



写真-1 壁部材下部のハンチ部分の状況

5. MPS 法によるコンクリートの流動解析

5.1 ハンチ状部材の例

部材の断面形状、鉄筋等の鋼材配置およびその他 の施工条件が複雑となると、コンクリートの施工に おいて未充填箇所の発生が懸念される。一つの例と して、写真-1に示すような部材では、既設のスラ ブ上に施工される壁部材において、壁の下部がハン チ状になっており、そのハンチ先端付近の充塡性が 問題となる場合がある。鉄筋等に阻害されてハンチ 先端までバイブレータを挿入できず、開口から鉛直 下向きにしかバイブレータを挿入できない場合、豆 板や未充填などが発生する可能性がある。目視確認 も容易ではないため、たたきなどの音の相違から間 接的に充塡性を判断する場合もある。このような形 状の部材にスランプ 8cm 程度のコンクリートを打 ち込む場合について、振動付与の時間とハンチ部の 充填性の関係の3次元解析の結果と実験結果を比較 することとした。

流動解析結果と比較する充填実験に用いる模擬 部材は、ハンチ状の部材を対象として一部をモデル 化し、図-11 に示すような形状寸法の型枠とした。 型枠は、流動や充填状況を観察する前面のみ透明な アクリル板とし、他は合板とした。鉄筋は D16 ある



(b)コンクリートを投入する壁部分の配筋



(c)配筋断面図 図-11 ハンチ部分モデル型枠の形状・寸法の概要

表-1	コンクリ	リー	トの配合
-----	------	----	------

水ヤメ	細骨材率 s/a(%)	単位量(kg/m³)				
ント比 W/C(%)		水 W	セメント C	細骨材 S	粗骨材 G	
50.0	43.0	155	310	791	1060	

いは D13 を用いて、95mm 間隔で図のように配置 した。上部に 500×200 の開口があり、所定量コンク リートを投入するとともに、中央位置にてバイブレ ータを挿入した。

コンクリートは、普通ポルトランドセメント(密度 3.16g/cm³)、砕石(最大寸法 20mm、表乾密度 2.65 g/cm³、実積率 61.0%)、山砂(表乾密度 2.62 g/cm³、 実積率 67.9%)、および AE 減水剤を使用した。配合 は、表-1に示すとおりとし、練上がりの目標スラン



図-12 ハンチ部材充填試験の形状および 粒子モデル(初期状態)

プ 8cm、目標空気量 4.5%とした。実測のスランプ は 9.0cm、空気量は 4.5%であった。このコンクリ ートを開口部より 75L 投入し、バイブレータ(φ 28mm、振幅 1.4mm、振動数 200~258Hz)により 振動を付与した。

5.2 対象部材の解析条件

図-11 に示した鉄筋を配置した型枠内に、コンク リートを粒子径 10mm でモデル化して配置した解 析の初期状態を、図-12に示す。壁部分に立方体状 のコンクリート 75L に相当する粒子を配置してお り、この時の生成粒子数は 74,999 個であった。実 施工では、コンクリートはポンプの筒先から打ち込 まれ、立方体状に静置されることはないが、ハンチ 部分にコンクリートがない状態からバイブレータに よって液状化して充填される状況を模擬するため、 図のような初期状態とした。壁および鉄筋の境界は、 ともにノンスリップ条件の障害物である。このため、 コンクリート粒子が流動中に接触すると、これを回 転して回避するように流動するかあるいは流動が停 止する状況となる。本解析では、鉄筋と鉄筋の間隙 は95mmのため、材料分離による鉄筋間での粗骨材 の閉塞は考慮していない。

コンクリートの物性に関する入力値を決定する ため、まず α_0 は実験において使用した ϕ 28mm バ イブレータの無負荷時の加速度 500m/s²、負荷減衰 および境界減衰は 0.8 および 0.5 として、 α_0 =500× 0.8×0.5 から α_0 =200m/s²とした。コンクリートは、 密度を 2300kg/m³、スランプを 8cm として式(6)か ら算定し降伏値を 1708Pa とした。塑性粘度は、3.3



図-13 加振なしの場合の流動解析結果(5秒後)



(a) 鉄筋のない場合



(b) 鉄筋のある場合 写真-2 模擬型枠へのコンクリート投入後の状況

で示した算定式にもとづいて、 $10\phi = 28$ cm のとき式 (4)および式(5)より算定($\alpha_x = 20$ m/s²、 $V_{50} = 4.2$ mm/s) して、2000(Pa・s)とした。なお、流動解析上の流 動停止の判定条件である流動限界ひずみ速度 π_c は、 0.1/s とした²⁾。

バイブレータは図-11 に示した位置に挿入するものとして、図-10 に示す中心点の座標は、横方向に250mm、型枠奥から100mm、高さ100mmの位置



図-14 鉄筋のない場合の加振5秒間での 流動解析結果



写真-3 鉄筋のない場合の加振5秒間の充填状況

とした。バイブレータは実験において \$ 28mm を使 用したため、図-10 に示す影響半径は 0.28m まで とした。バイブレータの加振時間を 0、5、15 秒と した。すなわち、コンクリートが液状化して流動性 が高くなる時間を 0、5、15 秒間とした。また、比 較用として無筋状態の解析も実施した。

5.3 流動解析および充塡実験結果

加振をしていない状態のケースについて、5 秒後 の流動解析結果を図-13に示す。また、加振をして いない状態での実際のコンクリートの投入後の状況 を写真-2に示す。なお、(a)鉄筋のない場合につい ては、コンクリートが自重のみで型枠前面に到達し ないように押さえの板を配置して投入した。写真は 押さえの板を取り除いた直後である。(b)鉄筋のある 場合では、押さえの板は配置していない。

図-13に示すように、解析では図-12の初期状態 からほとんど変化せず、コンクリートの上面が低下 し若干ハンチ側に膨らむような状態となっただけで



図-15 加振5秒間の流動解析結果



写真-4 加振5秒間のコンクリートの充填状況

ある。写真-2(b)に示すように実際のコンクリート でも流動していない。これは、スランプが 8cm であ るコンクリートの性状であることと、鉄筋が配置さ れているためであり、ほとんど流動をしていない状 態が本解析において再現されている。

図-14に、鉄筋を配置していない場合の加振5秒 後の流動解析結果を示す。鉄筋を配置していないこ とから、流動を阻害する要因がなく、5 秒間でハン チ先端までコンクリートが充填されている。なお、 上部に残留している粒子は、壁面に付着した粒子で ある。実際の実験においても、写真-3 に示すよう に無筋状態で加振5秒以内に充填されていることを 確認している。

鉄筋を配置し、5秒および15秒加振した状況を 模擬した流動解析結果を図-15 および図-16 に示 す。また、実測スランプ 9cm のコンクリートを加振 時間5秒および15秒で停止した条件での実験状況 後の写真を**写真-4**および**写真-5**に示す。





図-16 加振15秒間の流動解析結果



写真-5 加振15秒間のコンクリートの充填状況

5 秒加振してバイブレータを停止する条件である 図-15に示す解析結果では、鉄筋の間からコンクリ ートが流動してハンチ部分を充塡している途中で停 止しており、ハンチ先端は未充填状態である。無筋 状態の図-14の場合では、5秒で先端まで充填され ていることから、鉄筋が流動を阻害して、未充塡箇 所を生じさせていることがわかる。ほぼ同じ条件で 実施した写真-4 からもわかるように、バイブレー タを5秒で停止することにより、ハンチ先端は未充 塡の状態である。なお、実験におけるコンクリート は豆板状に観察されたが、流動解析ではコンクリー トを均質なビンガム流体で仮定しているため、豆板 のような状況は再現することはできない。

一方、15秒加振してバイブレータを停止する条件 である図-16に示す解析結果では、ハンチ先端(型枠 前面)までコンクリートが到達し、充塡されている。 コンクリート上面は若干の流動勾配はあるものの、 ほぼ平坦になっており、それより上の鉄筋が露出し た状態となっている。なお、前述の無筋状態の図-14



写真-6 高架橋地中梁接合部の配筋の状況



写真-7 地中梁接合部の 1/4 部分の模擬型枠

の状況と同様に、壁面や鉄筋に付着した粒子が上部 に残留している。同様の条件で実施した実験結果を 写真-5 に示す。ハンチ部分にコンクリートが充填 され、豆板状の箇所は認められない。充塡面がほぼ 平坦となり、それより上の鉄筋が露出した状態と なっている状況である。

図-14 および図-16 に示したように、充塡時間 は異なるものの鉄筋の配置の有無にかかわらずハン チ部分先端まで、バイブレータ φ 28mm の影響半径 は 0.28m を超えて充塡されている。これは、影響範 囲内のコンクリートの流動性が高くなることにより、 流動による圧力が影響範囲外のコンクリートの降伏 値以上の力が作用して流動しているためと考えられ る。

5.4 地中梁接合部への流動解析適用例

ハンチ状の構造物を模擬した上記のケースでは、 振動付与時のコンクリートの挙動に関する仮定およ び本解析手法によりシミュレーションできているも のと考えられた。そこで、より規模が大きく高密度 の鉄筋が配置された部材として、鉄道高架橋の地中 梁接合部のコンクリートの打込みを対象として、流 動解析を行うことを試みた。柱梁接合部は高密度配



図-17 コンクリート締固め箇所(上方から見た位置)



図-18 地中梁接合部の3次元モデル(初期状態)

筋となりやすく、コンクリートを投入する箇所、締 固めの位置が限定されやすい施工困難箇所となって いるのが現状である。実際の地中梁接合部の型枠お よび配筋状況を写真-6に示す。写真に示す接合部の 実際の寸法は、2300×2300×h1600mm である。高架 橋の柱となる部分の鉄筋のため、接合部の中心部分 にはコンクリートの打込みができないため、柱筋の 周囲にバイブレータをかけながらコンクリートを充 塡させることとなる。このような形状の部材に目標 スランプ 8cm のコンクリートを打ち込む場合につい て、模擬型枠を作製し、3次元流動解析の結果とその 型枠での充塡実験結果を比較することとした。

実験用に作製した型枠を**写真-7**に示す。上面から見た実際の型枠の断面について、上下左右対称として4等分したうちの1つの断面を模擬型枠とした。 型枠の高さは実際と同一として1150×1150×h1600 mmとした。写真左下が梁と柱の配筋部分の1/4部 分となっている。コンクリート(目標スランプ8cm、 単位水量175 kg/m³、水セメント比48%)は、図-17に示す(1)の位置から1層50cm高さに相当する 量を打ち込み、φ40mmのバイブレータを用いて、 図-17に示す(1)~(7)の黒い点の位置で各10秒ずつ 締固めを行った。



(a)コンクリート投入中



(b) 流入終了時(加振前)図-19 地中梁接合部モデルの流動解析結



(c)バイブレータ加振後

実験で使用した型枠の解析モデルの初期状態を、 図-18に示す。ハンチ状構造物の場合と同様に、壁 および鉄筋の境界は、ともにノンスリップ条件の障 害物である。初期状態時のコンクリートを示す粒子 は配置せず、図-17に示す(1)の位置から粒子を流入 させる解析を実施した。コンクリートの流入速度は、 30m³/hに相当する速度とし、1 層 50cmの打込み高 さに相当する量を流入させる条件とした。流入終了 時の粒子数は約 17 万粒子であった。

コンクリート物性の入力値は、密度を 2300kg/m³、 スランプを 8cm としてハンチ状構造物の場合と同 様に算定して、降伏値を 1708Pa、塑性粘度を 1800 (Pa・s)とした。φ 40mm のバイブレータは図-17 に 示した位置において、(1)~(7)の順に 10 秒ずつ加振 する条件とした。

コンクリート流入時、流入終了時(バイブレータ加 振前)および加振後の解析結果を図-19 に示す。本 解析結果では、粒子の色について、せん断ひずみ速 度の大きさの相違を示し、せん断ひずみ速度が 0.1/s 以上を赤色、それ以下を青で区別した。これは、流 動が止まる(せん断ひずみ速度がほぼ 0/s に近づく) 状態を青色で示すためである。(a)コンクリート投入 中の状況では、スランプ 8cm を想定したコンクリー トが投入位置の直下で徐々に堆積した。(b)流入終了 時のバイブレータ加振前の段階では、鉄筋に阻害さ れ図の左側部分(柱筋に囲まれた箇所)には流入せず 未充填となっている。(c)バイブレータ加振後に示す ように、コンクリート投入後の数か所の加振により、 未充填であった部分に充填された。写真-7は実験で のコンクリート投入後の状況を示したものであるが、 このとき柱筋に囲まれた箇所にはコンクリートが流 入せず、コンクリート投入箇所との最大充塡高さの 相違が 81cm であった。図-19 に示した解析結果で



図-20 加振後の未充塡部分へのコンクリートの 流入状況(実験結果)

は充填高さの相違が 80cm であったことから、実験結 果とほぼ同じ状況が再現されている。また、バイブ レータによる加振をした後の状況では、コンクリー ト投入箇所から勾配が生じており、その充填高さの 相違の最大差は実験で 20cm であった(図-20 参照)。 一方、解析結果では充填高さの相違の最大差は 10cm であったことから、解析結果の方が充填され やすい傾向であった。これは実際の実験結果の方が 鉄筋間の間隙が小さくなった部分で骨材の閉塞など が生じたため、充填されにくい状況があったためで ないかと考えられる。しかし、流動勾配が生じる状 況の傾向は再現されており、バイブレータによる加 振の影響を概ね把握できているものと考えられる。

以上のように、模擬型枠を用いて実験によって振 動時間を変化させて観察した充填状況について、本 研究における振動付与時のコンクリートの挙動に関 する仮定および本解析手法により、今回対象とした ケースではシミュレーションできているものと考え られる。モデル化において多くの仮定を含むことか ら、配合の相違、異なるスランプの大きさのコンク リートでの比較、模擬型枠の形状寸法および鉄筋量 の異なる条件での加速度の減衰の相違など、今後検 証のための確認が必要であるものの、本手法が振動 を付与して型枠内にコンクリートが隅々まで行き渡 り充塡可能かどうかの状況を観察するために、有効 な手法として構築できる可能性があることを示すこ とができたと考えられる。

6. まとめ

本研究は、流動解析手法による実際の構造物を対 象とした施工性の評価方法の確立を目的として、粒 子法の1つである MPS 法を適用し、一般的なスラ ンプの範囲のコンクリートの流動解析手法としての MPS 法の有効性ついて検討を行った。打ち込まれた コンクリートにバイブレータを挿入し、コンクリー トが流動して型枠の隅々に行き渡って充填される状 況の再現を目的として、振動付与時のコンクリート の構成則や粒子のモデル化を検討した。その結果、 本研究の範囲内で以下のことがいえる。

- (1) 実大規模の型枠や充塡個所の流動挙動を予測し 未充塡個所を検討するため、バイブレータによっ て振動を与え加速度が伝播し、液状化して流動す る状況に関してコンクリートを連続体モデルと して取り扱うこととした。このため、スランプの コンクリートの構成則をbiviscosityモデルとし、 バイブレータ周辺の加速度分布に依存して性状 が変化する流動モデルを適用した。提案したモデ ルにより、バイブレータで加振し型枠内にコンク リートが隅々まで行き渡り充塡可能かどうかの 状況を観察するために、有効な手法として構築で きる可能性があることを示すことができたと考 えられる。
- (2) バイブレータの加速度分布がバイブレータからの距離に応じて減衰するとともに、見掛け上降伏値と塑性粘度がバイブレータの近傍で最も低下し離れるほど増大すると仮定し、その影響範囲がバイブレータの直径の10倍までの距離とすることで、今回対象としたケースでは液状化して流動する際の挙動を表現できるものと考えられる。
- (3) 壁部材下部のハンチ部付近の形状や地中梁接合 部を対象として、スランプ8cm程度のコンクリ ート充填状況の3次元解析を実施し、配筋の有 無の相違やバイブレータの加振時間の相違によ る充填状況の相違を観察することが可能であり、 実験時と同様の充填状況であることを示した。

以上のように、MPS法を用いた流動解析は、実際の構造物を対象とした一般的なスランプの範囲のコンクリートの施工性の評価を行う上で、有効な手法として構築できる可能性があることを示すことがで

きたと考えられる。ただし、導入した仮定や算定式 の妥当性や、配合の相違、異なるスランプの大きさ のコンクリートでの比較、模擬型枠の形状寸法およ び鉄筋量の異なる条件での加速度の減衰の相違など、 未検討の部分が多く残されている。今後多くのケー スについて確認し、多様な施工条件下における充填 性、流動勾配および未充塡個所の把握を行うための シミュレーション技術として確立していく予定であ る。

謝辞

流動解析の実施に際し、琉球大学山田義智教授、 崎原康平助教には、貴重なご意見をいただきまし た。ここに記して感謝の意を表します。

<参考文献>

- 土木学会編:コンクリートライブラリー126号,施工性能に もとづくコンクリートの配合設計・施工指針(案),2007.3
- 浦野真次,根本浩史,崎原康平:高流動コンクリートの充て ん性評価への流動解析手法に関する研究,土木学会論文集 E2, Vol.68, No.1, pp.38-48, 2012.
- 浦野真次,根本浩史:流動解析によるフレッシュコンクリートの施工性評価に関する検討,第68回年次学術講演会講演概要集,V-562, pp.1123-1124, 2013.9
- 村田二郎監修:コンクリート施工設計学序説,pp.145-154, 技報堂出版, 2004.10.
- 5) 岩崎訓明:振動によるフレッシュコンクリートの液状化と内 部振動機の作用領域に関する考察,土木学会論文集, No.426/V-14, pp.1-18, 1991.2.
- 6) 梁俊,丸屋剛,坂本淳,松元淳一,下村泰造,滝沢正徳:締 固め完了エネルギーに基づくコンクリートの締固め完了範 囲の評価方法に関する研究,土木学会論文集 E2, Vol.69, No.4, pp.438-449, 2013.
- 7) 土木学会編:第4章 フレッシュコンクリートのモデル化および充てん解析技術の現状と課題、フレッシュコンクリートのコンシステンシー評価に関する技術の現状と課題(II)、 pp.69-97, 2003.
- 村田二郎:コンクリート振動機の知識、コンクリート工学, Vol.33, No.8, pp.26-34, 1995.8.
- 谷川恭雄監修:フレッシュコンクリートの流動特性とその予 測, pp.17-33, セメントジャーナル社, 2004.9.
- 10) 寺西浩司,谷川恭雄,森博嗣,黒川善幸:振動下のビンガム 流体の力学モデルに関する考察,日本建築学会構造系論文報 告集, No.467, pp.1-8, 1995.1.
- 浦野真次,橋本親典,石丸啓輔,水口裕之:加振スランプフ ロー試験によるフレッシュコンクリートのコンシステンシ 一評価指標に関する検討,コンクリート工学年次論文報告集, Vol.23, No.2, pp.247-252, 2001.
- 12) 小村理恵,谷川恭雄,森博嗣,黒川善幸:フレッシュコンク リートのスランピング挙動に対するレオロジー的研究,日本 建築学会構造系論文報告集, No.462, pp.1-10, 1994.8.
- 13) 日本コンクリート工学協会:第1章 ビンガムモデルによる 基本的な力学性状の把握,フレッシュコンクリートの力学モ デル研究委員会報告書, pp.1-50, 1996.4.

- 14) 山田義智,赤嶺糸織,伊波咲子,浦野真次:フレッシュコン クリートのレオロジー定数推定に関する基礎的研究,セメン ト・コンクリート論文集, Vol.66, pp.661-668, 2012.
- 15) 越塚誠一:日本計算工学会編 計算力学レクチャーシリーズ
 5 粒子法,丸善,2005.
- 16) 入部綱清,伊良波繁雄,富山潤,松原仁:フレッシュコンク リートの流動問題への粒子法の適用,コンクリート工学年次 論文報告集, Vol.25, No.1, pp.905-910, 2003.
- 17) 入部綱清,伊良波繁雄、山田義智、富山潤:MPS 法による 粗骨材を考慮したフレッシュコンクリートの三次元流動解 析、コンクリート工学年次論文報告集,Vol.26, No.1, pp.1161-1166, 2004.
- 18) 富山潤,入部綱清,山田義智,伊良波繁雄:ビンガム流体の 流動解析における MPS 法の適用,コンクリート工学年次論文 報告集, Vol.29, No.2, pp.43-48, 2007.
- 19) 富山潤,入部綱清,崎原康平,伊良波繁雄,山田義智:フレ ッシュコンクリートの流動解析における MPS 法の適用,構造 工学論文集, Vol.55A, pp.164-171, 2009.
- 20) 黒川善幸,谷川恭雄,森博嗣,小村理恵:フレッシュコンク リートのスランプ試験およびスランプフロー試験に関する 研究,コンクリート工学年次論文報告集,Vol.16, No.1, pp.437-442, 1994.
- 日本コンクリート工学協会編:コンクリートの振動締固めに 関する実験報告書, 1990.3.